

えずに,

$$a(x - x_0) + b(y - y_0) = 0$$

と表すとよい. 同じように, 直線  $ax + by + c = 0$  と平行である直線を考える場合も  $x$  と  $y$  の係数を変えずに,

$$ax + by + c' = 0$$

のようにおいて考えるとよい.

## 2° 平行条件の考え方 (ベクトルの知識が必要)

直線  $l_1, l_2$  の方程式が,

$$l_1 : a_1x + b_1y + c_1 = 0, \quad l_2 : a_2x + b_2y + c_2 = 0$$

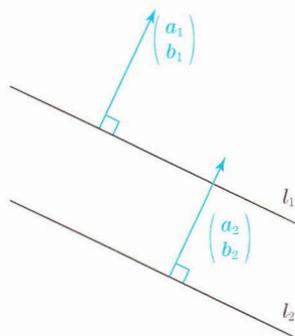
であるとする. このとき, 直線  $l_1$  の法線ベクトルは  $\vec{n}_1 = \begin{pmatrix} a_1 \\ b_1 \end{pmatrix}$ , 直線  $l_2$  の法線ベクトルは  $\vec{n}_2 = \begin{pmatrix} a_2 \\ b_2 \end{pmatrix}$  であるから,

$$l_1 // l_2 \iff \vec{n}_1 // \vec{n}_2$$

と考えて,  $\vec{n}_1$  と  $\vec{n}_2$  が平行になるための条件

$$\begin{aligned} \vec{n}_1 // \vec{n}_2 &\iff a_1 : a_2 = b_1 : b_2 \\ &\iff a_1b_2 - a_2b_1 = 0 \end{aligned}$$

が  $l_1$  と  $l_2$  が平行になるための条件であると考えてもよい.



## 垂直条件

### 2 直線

$$l_1 : a_1x + b_1y + c_1 = 0$$

$$l_2 : a_2x + b_2y + c_2 = 0$$

が垂直になる条件は,  $l_1, l_2$  が  $x$  軸および  $y$  軸と平行でないときは, 2つの直線の傾きの積が  $-1$  になることであつたから,  $b_1 \neq 0$  かつ  $b_2 \neq 0$  のとき

$$\left(-\frac{a_1}{b_1}\right) \left(-\frac{a_2}{b_2}\right) = -1$$

である. この式を分母を払って整理すると

$$a_1a_2 + b_1b_2 = 0$$

となり, これは  $b_1 = 0$  または  $b_2 = 0$  の場合でも成り立つ<sup>12</sup>.

<sup>12</sup>例えば  $b_1 = 0$  のときは  $l_1$  は  $y$  軸に平行な直線になる. したがって, これに垂直な  $l_2$  の傾きは  $0$  であるが, それは,  $b_1 = 0$  のとき  $a_1 \neq 0$  となるので,  $a_1a_2 + b_1b_2 = 0$  より  $a_2 = 0$  が得られる.